

Marge d'erreur pour une différence de proportion dans un même échantillon

+ Toutefois, pour la différence entre deux pourcentages pris sur le même échantillon, la marge d'erreur de la différence, moins conservatrice, devrait se calculer plutôt ainsi:

$$e_{diff} = Z_{\alpha} * \sqrt{\frac{(p_1 - p_2) - (p_1 - p_2)^2}{n}} = 1,96 * \sqrt{\frac{(0,45 - 0,35) - (0,45 - 0,35)^2}{800}}$$
 Ce qui donne 6,1%

- Où p_1 égale la première proportion et p_2 la deuxième et n est la taille de l'échantillon.
- **La différence entre les deux proportions doit être plus grande que 6,1% pour être significative.** C'est le cas ($diff = 0,45 - 0,35 = 0,10$, i.e., 10%). Il s'agit d'un test moins conservateur que celui présenté à la page précédente.

52

Marge d'erreur pour une différence de proportions entre 2 échantillons différents

+ Pour la différence entre deux proportions prises sur des échantillons distincts, comme la différence entre deux sondages d'intention de vote pour un parti, par exemple, la marge d'erreur se calcule ainsi:

$$e_{diff} = Z_{\alpha} * \sqrt{\frac{p_1 * (1 - p_1)}{n_1} + \frac{p_2 * (1 - p_2)}{n_2}}$$
 Ce qui s'approche de:

$$e_{diff} = Z_{\alpha} * \sqrt{\frac{2 * p * (1 - p)}{n}}$$

- Où "p" est égal à $(p_1 + p_2) / 2$, soit la moyenne des deux proportions dont on veut estimer la différence et n est la moyenne de n_1 et n_2
- Cette erreur s'approche de $1,4 * e$.

53

L'échantillon, combien?

Estimé de la taille théorique nécessaire

La taille théorique est le **nombre de répondants que l'on souhaite avoir** à la fin pour faire nos analyses. On peut parler de taille souhaitée, attendue.

$$n = \frac{Z_{\alpha}^2 * p * (1 - p)}{e^2}$$

+ Où

- + n est la taille théorique souhaitée
- + Z_{α} est l'espace sous la courbe normale (1,96 quand $\alpha = 0,05$; ça serait 2,58 pour $\alpha = ,01$)
- + p est la **proportion attendue de la caractéristique qui nous intéresse** (i.e. réponses des répondants à certaines questions) et dont on veut contrôler la marge d'erreur. **On prend habituellement la proportion maximale, soit 0,5.**
- + $1 - p$ est 1 moins la proportion.

54

